

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Сыров Игорь Анатольевич

Должность: Директор

Дата подписания: 21.08.2023 19:54:57

Уникальный программный ключ:

b683afe664d7e9f64175886cf9626a198149ad36

СТЕРЛИТАМАКСКИЙ ФИЛИАЛ

ФЕДЕРАЛЬНОГО ГОСУДАРСТВЕННОГО БЮДЖЕТНОГО ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО

УЧРЕЖДЕНИЯ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«УФИМСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ НАУКИ И ТЕХНОЛОГИЙ»

Факультет

Кафедра

Математики и информационных технологий

Фундаментальной математики

Аннотация рабочей программы дисциплины (модуля)

дисциплина

B1.O.12 Математический анализ

обязательная часть

Направление

01.03.02

Прикладная математика и информатика

код

наименование направления

Программа

Программирование мобильных, облачных и интеллектуальных систем

Форма обучения

Очная

Для поступивших на обучение в

2020 г.

Стерлитамак 2023

1. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в образовательной программе индикаторами достижения компетенций

Формируемая компетенция (с указанием кода)	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения по дисциплине (модулю)
ОПК-1. Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Обладает базовыми знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук; основные определения, формулировки и свойства изучаемых информационных систем; формулировки алгоритмов решения типовых задач	Обучающийся должен: знать основные научные факты, термины и понятия, законы, теории и концепции естественнонаучного знания; место математического анализа в системе наук
	ОПК-1.2. Умеет применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	Обучающийся должен: Уметь: 1) анализировать информацию по математике из различных источников с разных точек зрения; 2) структурировать, оценивать, представлять информацию в доступном для других виде; 3) использовать знания, полученные при изучении других дисциплин естественнонаучного цикла.
	ОПК-1.3. Владеет фундаментальными знаниями, полученными в области математических и (или) естественных наук; навыками выбора методов решения задач в профессиональной деятельности; навыками работы в современных операционных системах; различными аналитическими и приближенными методами решения простых профессиональных задач.	Обучающийся должен: владеть навыками математического моделирования, навыками выбора и применения инструментальных средств для обработки данных, навыками интерпретации полученных в процессе анализа результатов и формулирования выводов и рекомендаций

2. Цели и место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Цели изучения дисциплины:

- 1) дать студентам представление о роли математики в познании окружающего нас мира;
- 2) развить логическое и алгоритмическое мышление, умение оперировать с абстрактными объектами и быть корректными в употреблении математических понятий, символов для

выражения количественных и качественных отношений;
 3) овладеть основными методами высшей математики и реализацией их на ЭВМ;
 4) приобрести умение самостоятельно расширять математические знания и производить математический анализ прикладных задач.
 Дисциплина «Математический анализ» относится к обязательной части.

Дисциплина изучается на 1 курсе в 1, 2 семестрах

3. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических или астрономических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость (объем) дисциплины составляет 12 зач. ед., 432 акад. ч.

Объем дисциплины	Всего часов
	Очная форма обучения
Общая трудоемкость дисциплины	432
Учебных часов на контактную работу с преподавателем:	
лекций	32
практических (семинарских)	128
другие формы контактной работы (ФКР)	2,4
Учебных часов на контроль (включая часы подготовки):	69,6
экзамен	
Учебных часов на самостоятельную работу обучающихся (СР)	200

Формы контроля	Семестры
экзамен	1, 2

4. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

4.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)

№ п/п	Наименование раздела / темы дисциплины	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)			СР	
		Контактная работа с преподавателем				
		Лек	Пр/Сем	Лаб		
1	Введение в анализ	5	16	0	24	
1.1	Функции. Свойства функций	2	4	0	12	
1.2	Предел функции в точке. Непрерывность	3	12	0	12	
2	Дифференциальное исчисление функций одной переменной	4	24	0	24	
2.1	Дифференцируемые функции. Производная	2	12	0	12	
2.2	Основные теоремы и применение дифференциального исчисления	2	12	0	12	

3	Интегральное исчисление функции одной переменной	7	24	0	40
3.1	Неопределенный интеграл. Методы интегрирования	2	8	0	12
3.2	Определенный интеграл. Интегрируемость. Приложения	3	12	0	14
3.3	Несобственные интегралы	2	4	0	14
4	Ряды	6	24	0	42
4.1	Числовые ряды (положительные, знакопеременные)	2	8	0	14
4.2	Функциональные последовательности и ряды	2	8	0	14
4.3	Степенные ряды	2	8	0	14
5	Дифференциальное исчисление функции многих переменных	6	24	0	42
5.1	Функции многих переменных. Предел. Непрерывность	2	8	0	14
5.2	Частные производные, дифференцируемость и дифференциал функции многих переменных	2	8	0	14
5.3	Экстремум функции многих переменных	2	8	0	14
6	Интегральное исчисление функции многих переменных	4	16	0	28
6.1	Криволинейные интегралы	2	8	0	14
6.2	Двойные и тройные интегралы	2	8	0	14
	Итого	32	128	0	200

4.2. Содержание дисциплины, структурированное по разделам (темам)

Курс лекционных занятий

№	Наименование раздела / темы дисциплины	Содержание
1	Введение в анализ	
1.1	Функции. Свойства функций	Числовая функция числового аргумента. График функции. Геометрическое изображение последовательностей. График обратной функции. Способы задания функций. Функции, заданные параметрически. Функции, заданные в полярной системе координат. Ограниченные и неограниченные функции. Геометрическое истолкование. Границы функций. Монотонные функции. Кусочно-монотонные функции. Четные и нечетные функции. Периодические функции.
1.2	Предел функции в точке. Непрерывность	Предел функции. Геометрический смысл. Теорема о единственности предела. Локальные свойства функций, имеющих конечный предел. Бесконечно малые функции (б.м.ф.).

		<p>Бесконечно большие функции (б.б.ф.). Связь между б.б.ф. и б.м.ф.</p> <p>Неопределенности и их виды.</p> <p>Теорема о пределе сложной функции.</p> <p>Последовательности. Свойства последовательностей.</p> <p>Предел последовательности.</p> <p>Теорема Вейерштрасса о сходимости последовательности.</p> <p>Второй замечательный предел. Следствия.</p> <p>Различные определения непрерывности функции в точке. Непрерывность функции на множестве.</p> <p>Локальные свойства непрерывных функций. Точки разрыва и их классификация.</p> <p>Арифметические операции над непрерывными функциями. Теорема о непрерывности сложной функции.</p> <p>Теоремы Больцано-Коши о непрерывных на отрезке функциях. Следствия.</p> <p>Теоремы Вейерштрасса о непрерывных на отрезке функциях. Следствия.</p> <p>Обратная функция. Теорема о существовании непрерывной обратной функции.</p>
2	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	
2.1	Дифференцируемые функции. Производная	<p>Дифференцируемые функции. Производная и дифференциал функции. Необходимое условие дифференцируемости функции. Критерий дифференцируемости.</p> <p>Геометрический и физический смыслы дифференцируемости функции, ее производной и дифференциала.</p> <p>Арифметические операции над дифференцируемыми функциями.</p> <p>Производная обратной функции. Производная сложной функции.</p> <p>Производные основных элементарных функций.</p> <p>Свойство инвариантности формы дифференциала первого порядка.</p> <p>Дифференцирование степенно-показательной функции. Логарифмическое дифференцирование.</p> <p>Дифференцирование параметрически заданных функций.</p> <p>Производные и дифференциалы высших порядков.</p> <p>Основные теоремы дифференциального исчисления: Ролля, Лагранжа, Коши.</p>
2.2	Основные теоремы и применение дифференциального исчисления	<p>лобальные и локальные экстремумы функции.</p> <p>Достаточное условие отсутствия локального экстремума функции в точке.</p> <p>Необходимое условие локального экстремума.</p> <p>Теоремы Лопитала для случаев неопределенностей “0/0” и “∞/∞”.</p>

		<p>Критерии постоянства и монотонности функции на промежутке. Их применение при доказательстве тождеств и неравенств.</p> <p>Достаточные условия локального экстремума функции.</p> <p>Наибольшее и наименьшее значения непрерывной функции на отрезке.</p> <p>Выпуклые и вогнутые функции. Достаточное условие выпуклости (вогнутости) функции на промежутке.</p> <p>Точки перегиба. Необходимое и достаточное условия точки перегиба.</p>
3	Интегральное исчисление функции одной переменной	
3.1	Неопределенный интеграл. Методы интегрирования	<p>Первообразная функции. Теорема о двух первообразных для одной и той же функции.</p> <p>Неопределенный интеграл. Определение и свойства.</p> <p>Методы интегрирования неопределенного интеграла: табличный метод, метод интегрирования по частям, метод замены. Примеры.</p> <p>Интегрирование простейших дробей I-IV типов.</p> <p>Интегрирование рациональных функций.</p> <p>Интегрирование некоторых иррациональных функций: Подстановки Чебышева. Подстановки Эйлера.</p> <p>Интегрирование тригонометрических выражений.</p>
3.2	Определенный интеграл. Интегрируемость. Приложения	<p>Определение определенного интеграла по Риману.</p> <p>Ограничность интегрируемой функции. Критерий Коши существования определенного интеграла.</p> <p>Нижняя и верхняя суммы Дарбу. Свойства I-IV.</p> <p>Классы интегрируемых функций.</p> <p>Свойства определенного интеграла.</p> <p>Определенный интеграл с переменным верхним пределом. Непрерывность и дифференцируемость интеграла с переменным верхним пределом. Связь между определенным и неопределенным интегралами.</p> <p>Формула Ньютона □ Лейбница.</p> <p>Метод замены переменной и метод интегрирования по частям для вычисления определенного интеграла.</p> <p>Применение определенного интеграла для вычисления: площадей плоских фигур, длин дуг кривых, объемов прямого цилиндрического тела, регулярного тела и тела вращения, площади поверхности вращения.</p>
3.3	Несобственные интегралы	<p>Несобственные интегралы 1 рода. Определение.</p> <p>Методы вычислений. Признак сравнения. Признаки Дирихле и Абеля.</p> <p>Несобственные интегралы 2 рода. Определение.</p> <p>Методы вычислений. Признак сравнения. Признаки Дирихле и Абеля.</p>

		Несобственные интегралы 1 и 2 рода в смысле главного значения.
4	Ряды	
4.1	Числовые ряды (положительные, знакопеременные)	<p>Числовые ряды. Основные понятия. Остаток ряда. Умножение ряда на число и сложение рядов. Необходимый признак сходимости и достаточное условие расходимости числового ряда. Гармонический ряд.</p> <p>Ряды с положительными членами. Необходимый и достаточный признак сходимости. Достаточные признаки сходимости положительных рядов: признак сравнения; признак Даламбера; радикальный признак Коши; интегральный признак Коши. Знакочередующиеся ряды. Теорема Лейбница. Абсолютно и условно сходящиеся ряды. Теорема Коши об абсолютной сходимости ряда. Свойства сходящихся рядов: сочетательность, перестановка членов положительного ряда и абсолютно сходящегося ряда.</p> <p>Теорема об умножении абсолютно сходящихся рядов.</p>
4.2	Функциональные последовательности и ряды	<p>Ф.п. и ф.р. Основные понятия. Поточечная и равномерная сходимости ф.п. и ф.р. Критерий Коши равномерной сходимости ф.п. и ф.р.</p> <p>Достаточный признак Вейерштрасса равномерной сходимости ф.р.</p> <p>Свойства равномерно сходящихся ф.п. и ф.р.: о непрерывности суммы ф.р. и ф.п.; о почленном интегрировании и почленном дифференцировании ф.р. и ф.п.</p>
4.3	Степенные ряды	<p>Степенные ряды. Теорема Абеля. Теоремы об интервале и области сходимости степенного ряда. Функциональные свойства степенных рядов: равномерная сходимость; функциональные свойства суммы; сохранение интервала сходимости при почленном интегрировании и почленном дифференцировании.</p> <p>Задача разложения функции в степенной ряд. Теорема о единственности разложения функции в степенной ряд.</p> <p>Формула Тейлора. Теорема о формах остаточного члена.</p> <p>Критерий разложимости функции в степенной ряд.</p> <p>Достаточное условие разложимости функции в степенной ряд.</p> <p>Разложение некоторых элементарных функций в степенные ряды.</p> <p>Применение рядов в приближенных вычислениях: вычисление значений функций, вычисление определенных интегралов, нахождение</p>

		приближенных решений д.у., вычисление пределов.
5	Дифференциальное исчисление функции многих переменных	
5.1	Функции многих переменных. Предел. Непрерывность	<p>Понятие ФМП (ее область определения, область значений, график, характеристическое свойство графика, поверхности (линии) уровня).</p> <p>Предел ФМП по Коши (на языке шаровых и кубических окрестностей) и по Гейне.</p> <p>Непрерывность ФМП по совокупности переменных и по фиксированной переменной; связь между этими двумя понятиями. Теорема о непрерывности в точке композиции непрерывных функций. Теоремы о функциях, непрерывных на множествах.</p> <p>Равномерная непрерывность ф.м.п. Теорема Кантора.</p>
5.2	Частные производные, дифференцируемость и дифференциал функции многих переменных	<p>Понятия частного приращения аргумента и частного приращения ФМП. Определение частной производной ФМП и ее геометрический смысл.</p> <p>Определение ФМП, дифференцируемой в точке.</p> <p>Необходимое условие дифференцируемости ФМП в точке. Связь между дифференцируемостью ФМП в точке и существованием в ней конечных частных производных.</p> <p>Дифференцирование сложной функции МП.</p> <p>Понятия частного и полного дифференциалов ФМП.</p> <p>Геометрический смысл полного дифференциала функции 2-х переменных.</p> <p>Инвариантность формы первого дифференциала относительно выбора переменных.</p> <p>Градиент ФМП. Производная по направлению. Связь между этими понятиями.</p> <p>11. Частные производные ФМП высших порядков.</p> <p>Теорема о равенстве смешанных производных.</p> <p>Неявная функция. Ее дифференцирование.</p> <p>Дифференциалы высших порядков ФМП.</p> <p>Нарушение инвариантности формы для дифференциалов высших порядков</p>
5.3	Экстремум функции многих переменных	<p>Экстремумы ФМП. Необходимое условие экстремума ФМП.</p> <p>Достаточное условие локального экстремума ФМП.</p> <p>Условный экстремум. Функция Лагранжа.</p>
6	Интегральное исчисление функции многих переменных	
6.1	Криволинейные интегралы	<p>Определение криволинейного интеграла 1-го рода (по длине дуги). Существование и вычисление криволинейного интеграла 1-го рода.</p> <p>Свойства криволинейного интеграла 1-го рода.</p> <p>Приложения.</p> <p>Определение криволинейного интеграла 2-го рода (по координатам). Существование и вычисление криволинейного интеграла 2-го рода.</p> <p>Свойства криволинейного интеграла 2-го рода.</p> <p>Приложения.</p> <p>Формула Грина. Выражение площади через криволинейный интеграл.</p>

		Условие независимости криволинейного интеграла от формы пути интегрирования. Условие полного дифференциала. Нахождение первообразной.
6.2	Двойные и тройные интегралы	<p>Задача о вычислении объема цилиндрического бруса. Определение двойного интеграла. Условия существования двойного интеграла. Классы интегрируемых функций. Выражение объема и площади двойным интегралом. Свойства интегрируемых функций и двойных интегралов. Вычисление двойного интеграла: а) приведение двойного интеграла к повторному в случае прямоугольной области. б) приведение двойного интеграла к повторному в случае криволинейной области. Замена переменных в двойном интеграле: а) отображения плоских областей; якобиан отображения, б) криволинейные координаты, в) геометрический смысл якобиана отображения, г) замена переменных в двойном интеграле, д) двойной интеграл в полярных координатах. Приложения двойных интегралов. Определение тройного интеграла. Свойства тройных интегралов. Вычисление тройного интеграла. Замена переменных в тройном интеграле: цилиндрические и сферические координаты. Приложения тройных интегралов</p>

Курс практических/семинарских занятий

№	Наименование раздела / темы дисциплины	Содержание
1	Введение в анализ	
1.1	Функции. Свойства функций	Числовые функции. Область определения функции. Ограниченные и неограниченные функции. Монотонные функции. Четные, нечетные, периодические функции.
1.2	Предел функции в точке. Непрерывность	Предел функции в точке Предел функции на бесконечности Неопределенности и их виды. Раскрытие неопределенностей Неопределенности и их виды. Раскрытие неопределенностей Непрерывные функции. Точки разрыва функции
2	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	
2.1	Дифференцируемые функции. Производная	Понятие производной. Вычисление производной исходя из определения. Геометрический и механический смысл

		производной и дифференциала. Правила дифференцирования Техника вычисления производной. Раскрытие неопределенностей. Правило Лопиталя. Производные и дифференциалы высших порядков
2.2	Основные теоремы и применение дифференциального исчисления	Теоремы Ферма, Ролля, Коши, Лагранжа. Исследование функции на монотонность и локальный экстремум. Исследование функции на выпуклость-вогнутость и точки перегиба Нахождение наибольших и наименьших значений функции. Исследование и построение графиков функций.
3 Интегральное исчисление функции одной переменной		
3.1	Неопределенный интеграл. Методы интегрирования	Первообразная и неопределенный интеграл. Непосредственное интегрирование. Метод подстановки. Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных функций Интегрирование иррациональных и тригонометрических функций.
3.2	Определенный интеграл. Интегрируемость. Приложения	Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в определенном интеграле. Формула интегрирования по частям в определенном интеграле. Вычисление площадей плоских фигур Вычисление длин дуг кривых с помощью определенного интеграла. Вычисление объемов тел и площадей поверхностей с помощью определенного интеграла
3.3	Несобственные интегралы	Несобственные интегралы первого рода. Несобственные интегралы второго рода
4 Ряды		
4.1	Числовые ряды (положительные, знакопеременные)	Числовые ряды. Сумма числового ряда. Признаки Даламбера, Коши и интегральный признак сходимости положительных рядов. Знакочередующиеся ряды. Абсолютно и условно сходящиеся ряды.
4.2	Функциональные последовательности	Функциональные последовательности и

	и ряды	ряды. Область сходимости, предельная функция ф.п. и сумма ф.р. Равномерно сходящиеся ф.п. и ф.р. Признак Вейерштрасса. Признаки Абеля и Дирихле.
4.3	Степенные ряды	Степенные ряды. Вычисление радиуса сходимости. Почленное дифференцирование и интегрирование степенного ряда. Разложение функций в ряд Тейлора Применение рядов в приближенных вычислениях
5	Дифференциальное исчисление функции многих переменных	
5.1	Функции многих переменных. Предел. Непрерывность	Предел и непрерывность ф.м.п. Равномерная непрерывность функции на множестве. Связь непрерывности функции по совокупности переменных с непрерывностью по каждой переменной в отдельности. Вычисление пределов ф.м.п.
5.2	Частные производные, дифференцируемость и дифференциал функции многих переменных	Частные производные первого порядка сложной ф.м.п. Частные производные высших порядков сложной ф.м.п. Дифференциалы первого и высшего порядка Градиент
5.3	Экстремум функции многих переменных	Локальный экстремум функции двух переменных. Условный экстремум ф.м.п. Нахождение наименьшего и наибольшего значений ф.м.п. Практические задачи на экстремум
6	Интегральное исчисление функции многих переменных	
6.1	Криволинейные интегралы	Вычисление криволинейных интегралов 1 рода. Приложения криволинейных интегралов 1 рода. Вычисление криволинейных интегралов 2 рода. Приложения криволинейных интегралов 2 рода
6.2	Двойные и тройные интегралы	Вычисление двойных интегралов. Замена переменных в двойном интеграле. Переход к полярным координатам.

		Вычисление тройных интегралов. Замена переменных в тройном интеграле. Цилиндрические и сферические координаты, переход к ним.
--	--	--